

**О РЕШЕНИИ С ПОМОЩЬЮ ГЕНЕТИЧЕСКОГО АЛГОРИТМА ЗАДАЧИ
СНАБЖЕНИЯ ПРОМЫШЛЕННЫХ ПРЕДПРИЯТИЙ С ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ АППАРАТА
ТЕОРИИ НАДЕЖНОСТИ СИСТЕМ**

В настоящее время большинство крупных промышленных предприятий имеют территориально-распределенную организацию. Производственные комплексы могут быть расположены за несколько десятков (сотен) километров друг от друга. Основная задача предприятия по организации снабжения – своевременное бесперебойное и комплексное снабжение производства всеми необходимыми материальными ресурсами при минимальных издержках управления запасами [1]. В данной статье мы рассмотрим территориально-распределенную сеть производственных комплексов, которые обладают свойствами отказа и восстановления, что влияет на эффективность работы таких систем. Возникает задача организации своевременного снабжения запасными устройствами для оперативного ремонта. В случае территориально-распределенной организации предприятия актуальность проблемы решения этой задачи трудно переоценить.

Данная логистическая задача успешно решается математическими методами исследования операций [2]. Важнейшие исследования в области анализа сложных систем были проделаны трудами таких всемирно известных ученых как В.М. Глушков, Б.В. Гнеденко, Л.В. Канторович. Однако не до конца исследована взаимосвязь данной проблемы с методами оптимизации сложных систем с помощью имитационного моделирования, где в качестве оптимизационного метода используются генетические алгоритмы [3, 4]. Примером такой системы может выступать сеть машиностроительных заводов, где выход из строя одного производственного комплекса ведет к остановке работы всего промышленного предприятия. Рассмотрим систему машиностроительных заводов, состоящую из производственных комплексов, которые располагаются в различных государствах. В системе предусмотрена подсистема снабжения, в составе которой находятся склады запасных устройств с известной емкостью, и мобильные ремонтные группы. Подсистема снабжения периодически закупает запасные устройства, и размещает их на складах. Для пополнения запаса на складах подсистема закупок располагает некоторым запасом денежного ресурса M . Известны расценки на закупки запасных устройств, и известно распределение закупаемых устройств по складам.

В случае отказа одного и только одного производственного комплекса, управляющая подсистема выдает сигнал об частичном отказе всей системы, по которому ремонтная группа выезжает со своей базы на склад запасных устройств и, получив его, перемещается к отказавшему комплексу для ремонта, после чего комплекс немедленно восстанавливается.

Целью статьи является описание решения задачи снабжения распределенной системы с помощью генетического алгоритма, применяемого в имитационной модели сложной системы.

Сформулируем постановку задачи – установить такие входные параметры имитационной модели рассматриваемой системы, при которых суммарное время безотказной работы системы будет максимальным, и ежеквартальные затраты на пополнение ресурса будут минимальными. Поиск оптимального решения вести генетическим алгоритмом.

Рассмотрим систему $S(A, B, G, t_n)$: A – множество подсистем, B – множество связей, G – граф системы, t_n – моменты принятия решений о генерации управляющих сигналов $\{U, V, W\}$

Система обладает свойствами частичного отказа, восстановления, полного отказа. Отказы формируют поток заявок в системе. В нашей обобщенной задаче все элементы системы – узлы сетки с известными координатами. С точки зрения функциональности элементы $a_{0i} \in A_0$ – это объекты обслуживания системы; элементы, обладающие свойствами частичного отказа и полного отказа. Частичный отказ наступает в случайный момент времени τ . Одновременно может отказать один и только один элемент A_0 . Интенсивность отказа задана для всех A_0 , моменты отказов всех объектов имеет одинаковую функцию распределения.

Система имеет два состояния: S_0 – Система работоспособна; S_1 – Система находится в состоянии частичного отказа;

Переход $S_0 \rightarrow S_1$ происходит в момент τ . Переход $S_1 \rightarrow S_2$ происходит в момент $\tau + t_{\text{крит}}$.

Переход $S_1 \rightarrow S_0$ происходит в момент $\tau + t_{\text{восст}}$. Работу системы оценивает функционал $E\{S, U, R\} \rightarrow \text{extr}$, $u \in U$, $R \in R^0$, где U – множество управляющих сигналов, R – множество ресурсов.

Управляющие сигналы имеют вид: $U\{W, V, \{w\}, \{v\}\}$, где: W – управляющие сигналы подсистемы коммивояжеров; V – для подсистемы источников ресурсов; w – для коммивояжеров; v – для источников ресурсов.

Элементы $a_{ij} \in A_1$, – динамические элементы системы, $a_{ij} \in A_1$ характеризуется пятеркой (x, y, s, t, u) , где: s - состояние, (x, y) – положение в сетке, u - управляющий сигнал, t – момент времени. В нулевой момент времени t_0 все элементы A_1 расположены в месте диспозиции, где они ожидают управляющего сигнала из подсистемы диспетчеризации.

Дисциплину функционирования коммивояжера определяет конечный автомат Мили:

| | | | | | | |
|----------------|----|----|----|----|----|----|
| | S0 | S1 | S2 | S3 | S4 | S5 |
| w ₀ | S1 | | | | | |
| w ₁ | | S2 | | | | |
| w ₂ | | | S3 | | | |
| w ₃ | | | | S4 | | |
| w ₄ | | | | | S5 | |
| w ₅ | | | | | | S0 |

- S0 – Коммивояжер свободен;
- S1 – Коммивояжер захвачен;
- S2 – Прибывает к источнику ресурса;
- S3 – Получает единицу ресурса;
- S4 – Находится в пути к объекту обслуживания ;
- S5 – Находится в пути к месту диспозиции.

Сигналы: w_0 - захватить коммивояжер; w_1 – свободный источник ресурса найден; w_2 – в наличии имеется свободная единица ресурса; w_3 – направиться к объекту для ремонта; w_4 – объекта обслуживания отремонтирован, на этом обслуживание завершено; w_5 – освободить коммивояжер.

Элементы $a_{2k} \in A_2$ характеризуются тройкой (C, S, t) , где C - емкость источника ресурсов, S - состояние, t – момент времени. Назначение элементов - обеспечивать систему ресурсом восстановления. Дисциплину функционирования определяет вероятностный конечный автомат М или:

Таблица 1

Таблица переходов и выходов состояний источника ресурсов

| | | | | |
|----------------|----|----------|----|----|
| | S0 | S1 | S2 | S3 |
| v ₀ | S1 | | | |
| v ₁ | | S2 S3 | | |
| v ₂ | | | | S2 |
| v ₃ | | | S0 | |

- S0 – склад свободен;
 - S1 – склад занят
 - S2 – склад не пуст;
 - S3 – склад пуст;
- Сигналы: v_0 – занять склад, v_1 – захватить единицу ресурса, v_2 – пополнить склад, v_3 – освободить склад.

Нахождение вероятности перехода $S1 \rightarrow S2$ зависит от момента времени перехода, и её нельзя вычислить через уравнения Колмогорова.

Подсистема A_3 физически может быть представлена как набор дуплексных каналов связи между всеми остальными элементами системы.

Оптимизируем ресурс $M \in R$. M редуцируется в процессе управления набором оптимизируемых параметров $P_1 \dots P_n$.

Фиксированные параметры модели :

- 1) A_1, A_2, A_3 - структура системы;
- 2) λ_1, λ_n – интенсивности отказов элементов подсистемы;
- 3) D – координаты размещения элементов системы;

Оптимизируемые параметры:

- 1) p_1 – вектор размещения ресурса i -го вида для каждого склада;
- 2) p_2 – доступные источники ресурса для i -го коммивояжера.

Выходные данные модели:

- 1) Время безотказной работы системы.

Была разработана имитационную модель нашей системы на основе Java-фреймворка Anylogic в парадигме теории массового обслуживания. Проведена верификация модели. Составим список ожидаемых реакций на неисправности модели.

| Неисправность модели | Ожидаемая реакция |
|--|--------------------------------------|
| Отказов объектов обслуживания не происходит | Агенты не перемещаются в сетке |
| Агенты не доставляют запасные устройства на объекты обслуживания | Восстановления системы не происходит |
| Запас ресурса не тратится | Восстановления системы не происходит |

Чтобы проверить повторяемость результатов моделирования при фиксированных входных параметрах с помощью дисперсионного анализа, разделим выборку результатов моделирования на четыре группы. Примем нулевую гипотезу H_0 о том, что номер эксперимента не влияет на результат моделирования, и альтернативную гипотезу H_1 - номер эксперимента влияет на результат моделирования. В табл. 2 представлена выборка и параметры моделирования.

Таблица 2

Выборка результатов моделирования

| № | A_0 | A_1 | A_3 | N_{y1} | N_{y2} | λ | $T_{без}$ | T |
|----|-------|-------|-------|----------|----------|-----------|-----------|-----|
| 1 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,258 | 10 |
| 2 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,5761 | 10 |
| 3 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,5769 | 10 |
| 4 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,258 | 10 |
| 5 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,7264 | 10 |
| 6 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,7409 | 10 |
| 7 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,8261 | 10 |
| 8 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 7,0661 | 10 |
| 9 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 7,1108 | 10 |
| 10 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,7264 | 10 |
| 11 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,5250 | 10 |
| 12 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 7,2410 | 10 |
| 13 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,8853 | 10 |
| 14 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,7408 | 10 |
| 15 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,2971 | 10 |
| 16 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,3443 | 10 |
| 17 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,7408 | 10 |
| 18 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,4998 | 10 |
| 19 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,4592 | 10 |
| 20 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,7724 | 10 |
| 21 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 7,1981 | 10 |
| 22 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 7,1629 | 10 |
| 23 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,9051 | 10 |
| 24 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 7,1629 | 10 |
| 25 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 7,2072 | 10 |
| 26 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,398 | 10 |
| 27 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,5792 | 10 |
| 28 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,4857 | 10 |
| 29 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 7,1629 | 10 |
| 30 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,5348 | 10 |
| 31 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 7,1629 | 10 |
| 32 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,7264 | 10 |
| 33 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 7,1008 | 10 |
| 34 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,9188 | 10 |
| 35 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,3242 | 10 |
| 36 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,8630 | 10 |

| | | | | | | | | |
|----|---|---|---|-----|-----|------|--------|----|
| 37 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 7,0507 | 10 |
| 38 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,8310 | 10 |
| 39 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,258 | 10 |
| 40 | 3 | 3 | 2 | 1,2 | 2,3 | 0,01 | 6,8630 | 10 |

Результаты анализа не противоречат нулевой гипотезе, т.е. результаты моделирования обладают свойством повторяемости.

Таблица 3

Результаты дисперсионного анализа

| | | | | |
|------------------|--------|--------|--------|----------|
| | SS | MS | F | p |
| T _{без} | 1,5361 | 1,5361 | 1,2044 | 0,279350 |

Таблица 4

Анализ чувствительности модели

| | |
|-------------------------------------|----------|
| Параметр | Значение |
| $\frac{\Delta p_1}{\Delta T_{без}}$ | 0,715 |
| $\frac{\Delta p_2}{\Delta T_{без}}$ | 0,138 |

Принципы работы генетических алгоритмов рассмотрены в [1].

В нашей задаче хромосома $H\{H1,H2\}$ состоит из двух генов :

- Размещение ресурса по складам;
- Список доступных складов.

В нашем генетическом алгоритме присутствуют такие параметры, как:

- 1) Максимальное время моделирования одной генетической структуры;
1. Количество выживающих при отборе по критерию;
2. Количество поколений моделирования.

Функцией приспособленности генетического алгоритма будем называть время безостановочной работы предприятия для каждой промоделированной структуры.

Перед началом работы генетического алгоритма

1. Определим начальные параметры системы;
2. Сгенерируем начальную популяцию структур.

В начальной популяции мы сгенерируем все возможные перестановки для H3, а также все перестановки всех разбиений для H1.

3. Вычислим функцию приспособленности для всех генотипов

На основании планировки по текущему генотипу запускаем моделирование и получаем количество времени, потраченного системой с данным набором параметров, для того, чтобы достичь заданного количества времени безотказной работы.

а) Инициализируются параметры складов и ремонтных агентов;

б) Запускаются потоки генерации заявок, диспетчеризации заявок;

в) Заявки обрабатываются до тех пор, пока не будут достигнуты заданное время моделирования одной хромосомы. Отношение времени безотказной работы к времени моделирования – есть функция приспособленности

г) Проведем отбор, выбирая наиболее приспособленные особи методом рулетки [2], добавим элитную особь из первого поколения.

4. Отобранные особи скрещиваются между собой путем одноточечного кроссинговера.

5. Происходит мутация с фиксированной вероятностью для всех генотипов. Мутирует один случайный ген.

Условие остановки алгоритма – достижение заданного количества поколений.

Проведем эксперимент;

Таблица 5

| | | | | | | | | |
|----|-----|----|---|--------------------|---|----|------|---------|
| Nп | Nвс | Nс | a | F(t) | E | Tз | Tмод | max(Tб) |
| 3 | 3 | 3 | 3 | $1-e^{-\lambda t}$ | 5 | 6 | 30 | 30 |

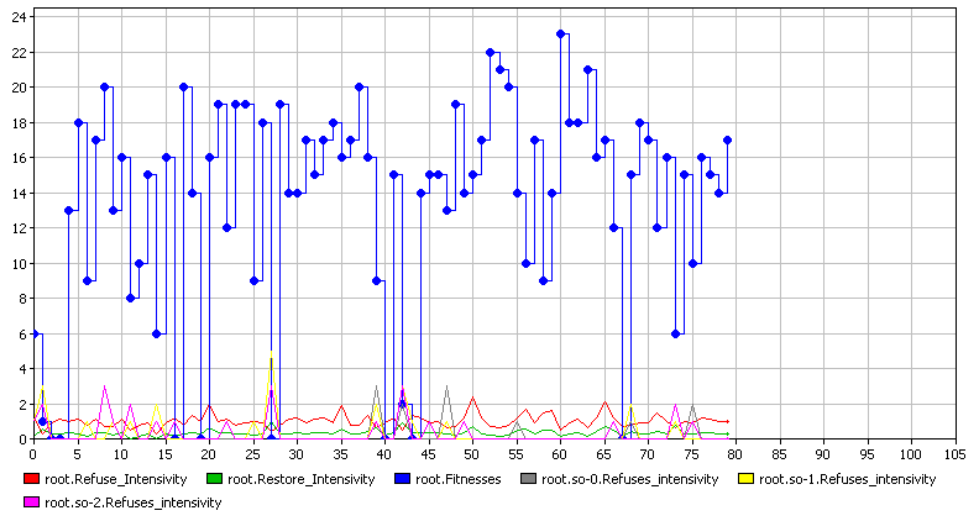


Рис. 1. Ступенчатый график промоделированного безотказного времени работы подсистемы предприятий

По оси X графика отложены номера генотипов, содержащие параметры H_1 , H_2 . Генотипы от 0 до 19 являются начальной популяцией. Далее, генотипы 20-29 сгенерированы после первого прохода генетического алгоритма (1-е поколение), 30-39 — второе поколение, и т.д. Мы можем видеть, что к пятому поколению наблюдается пик целевой функции.

Направление дальнейших исследований – предполагается продолжить исследования в области различных модификаций генетических алгоритмов. В данной статье было показано, как может быть применен генетический алгоритм к задаче максимизации времени безотказной работы систем с подобной структурой и дисциплиной обслуживания. Было показано, что генетический алгоритм позволяет получить субоптимальное решение. Недостатком генетического алгоритма применительно к данной задаче является возможное попадание в локальный оптимум. Для этого существуют многочисленные эвристики [4].

Литература

1. Баскин А.И. Экономика снабжения предприятия сегодня и завтра / А.И. Баскин, Г.И. Варданын.— М.: Экономика, 1990.— 207 с.
2. Вентцель Е.С. Исследование операций: задачи, принципы, методология / Е.С. Вентцель.— М.: Высшая школа, 1986.— 203 с.
3. Вороновский Г.К. Генетические алгоритмы, искусственные нейронные сети и проблемы виртуальной реальности / Г.К. Вороновский, С.А. Сергеев.— М.: ОСНОВА.— 1997. — 112 с..
4. Батищев Д.И. Генетические алгоритмы решения экстремальных задач / Д.И. Батищев.— Воронеж: Воронеж, 1995. — 64 с.

Рецензент докт. техн. наук, профессор В.Я. Копп